



A GEOMETRIA PRESENTE NO LIVRO *RECHENBUCH FÜR DUETSCHE SCHULEN IN BRASILLIEN 2º HEFT*, DE MATTHÄUS **GRIMM**

THE GEOMETRY PRESENTED IN THE BOOK RECHENBUCH FÜR DUETSCHE SCHULEN IN BRASILLIEN 2nd HEFT, BY MATTHÄUS GRIMM

Silvio Luiz Britto¹



Malcus Cassiano Kuhn²



Resumo

O artigo discute o ensino da geometria presente no livro Rechenbuch Für Deutsche Schulen in Brasillien 2º Heft³, de Matthäus Grimm,⁴ abordado na seção XIII. Como o tema se insere na História da Educação Matemática no Rio Grande do Sul, este estudo qualitativo e documental ampara-se na história cultural para análise do assunto abordado. A obra, editada pela livraria Selbach, de Porto Alegre, Rio Grande do Sul, teve sua primeira edição em 1900. O público-alvo do livro era os alunos do terceiro, quarto e quinto anos das escolas rurais teuto, unidocentes e mistas. Verificou-se que o autor trabalha os conhecimentos geométricos acerca da área de figuras planas, perímetro e volume de sólidos inicialmente de forma conceitual. No segundo momento, aborda-os de forma prática, associada a situações reais, objetivando que os alunos das escolas paroquiais se apropriassem desses conhecimentos matemáticos, de forma prática e útil. As atividades sugeridas, a partir de situações-problema, estão relacionadas a cálculos de área de quadrado, retângulo, losango, trapézio, triângulo e círculo. A seguir, aborda cálculos de volume com prismas e cilindros. Ressalta-se que os diferentes conteúdos de geometria trabalhados desenvolvem habilidades para o manejo do cálculo escrito e mental contemplando o cotidiano dos alunos

Palavras-chave: História da Educação Matemática. Ensino da Geometria. Mateus Grimm.

Abstract

The article reviews the teaching of geometry presented in the book Rechenbuch Für Deutsche Schule in Brasillien 2° Heft, by Matthäus Grimm, approached in section XIII. Since the theme is inserted in the History of Mathematics Education in Rio Grande do Sul, this qualitative and documentary study is established on cultural history for the analysis of the broached subject. The book, edited by Selbach bookstore in Porto Alegre city, in the State of Rio Grande do Sul, had its first edition in 1900. The target audience was the 3rd, 4th, and 5th grade students from German, one-teacher and mixed rural schools. It was confirmed that the author works the geometric knowledge concerning the area of plane shapes, perimeter and volume of solids initially on a conceptual way. Second, they are approached on a practical way, associated with real situations, aiming the students of the parochial schools to appropriate this mathematical knowledge in a practical and useful approach. The suggested activities, from problem situations, are related to square, rectangle, diamond, trapeze, triangle and circle area calculations. Then, it approaches at volume calculations with prisms and cylinders. It is highlighted that the different contents studied in geometry develop abilities for the management of the written and mental calculation considering the daily life of the students.

Keywords: History of Mathematical Education. Geometry Teaching. Matthäus Grimm.

e5709 2023 Revista de Educação, Ciências e Matemática v.13 n.1

¹ Pos-doutorando do programa de pós graduação em Ensino de Ciências e Matemática- Ulbra (Canoas/RS). Doutor e mestre em Ensino de Ciências e Matemática pela mesma instituição. Graduado em Matemática e ciências pela Unisinos (São Leopoldo/RS).

² Doutor em Ensino de Ciências e Matemática pela Universidade Luterana do Brasil – ULBRA/Canoas/RS. Estágio Pós-doutoral no Programa de Pós-Graduação em Ensino de Ciências e Matemática - PPGECIM, na Universidade Luterana do Brasil – ULBRA/Canoas/RS.

³ Em livre tradução, o título seria "Livro de aritmética para as escolas alemãs no Brasil, 2° caderno".

⁴ Nasceu em Würtenberg em 1864 (Alemanha). Veio para Porto Alegre em 1895 em companhia de um padre Jesuíta. Formado em Pedagogia, Filosofia e Música. Foi professor, autor de livros didáticos, compositor e músico.

Introdução

O artigo tem o propósito de analisar o ensino de geometria em um livro de Matthäus Grimm, intitulado Rechenbuch Für Deutsche Schulen in Brasillien 2º Heft, que aborda cálculos de área, perímetro e volume para as escolas rurais teuto-brasileiras do Rio Grande do Sul. Trata-se de um estudo iniciado durante a elaboração da tese O ensino da aritmética nas escolas paroquiais católicas e no Ginásio Nossa Senhora da Conceição de São Leopoldo nos séculos XIX e XX sob a ótica dos Jesuítas, aprofundado durante o estágio Pós-Doutoral, junto ao Programa de Pós-Graduação em Ensino de Ciências e Matemática (PPGECIM) da Universidade Luterana do Brasil (ULBRA), do município de Canoas (RS), Brasil.

Os trabalhos desenvolvidos por Matthäus Grimm, professor de escolas de origem germânica no Rio Grande do Sul, autor de livros didáticos, escritos em alemão gótico para essas escolas, evidenciam o ensino da aritmética e da geometria. Ressalta-se que, nessas comunidades, o ensino da matemática constituía um dos três pilares essenciais para o ensino primário, juntamente com línguas e o ensino religioso.

O livro Rechenbuch Für Deutsche Schulen in Brasillien 2º Heft foi editado pela editora Selbach, localizada em Porto Alegre, tendo sua primeira edição em 1900. Segundo Rambo (2013), a falta de livros adequados para essas colônias principalmente no que se refere ao ensino da aritmética acarretou a produção de um grande número de materiais específicos para essas comunidades no último decênio do século XIX. Em relação aos livros de Grimm, conforme complementa o autor, esses priorizavam situações práticas relacionadas ao dia a dia das crianças de modo prático e utilitário. Finaliza relatando⁵, em entrevista concedida a este pesquisador, que Grimm era o homem da Matemática nas colônias de ascendência alemã do Rio Grande do Sul, pois, segundo ele, uma fatia considerável de escolas paroquiais utilizavam seus manuais para o ensino da aritmética.

Como o tema desta investigação se insere na História da Educação Matemática no Rio Grande do Sul, o aporte metodológico está fundamentado na história cultural (CHARTIER, 1990). Para investigar o livro Rechenbuch Für Deutsche Schulen in Brasillien 2º Heft, foram realizadas visitas ao instituto Anchietano de Pesquisa (Unisinos), em São Leopoldo (RS), onde se encontram as diferentes edições da referida obra. Ao pesquisar o segundo caderno, compilaram-se os excertos relacionados a questões direcionadas ao ensino da geometria (cálculo de perímetro, áreas e volumes) presente na seção XIII, para posterior análise à luz do referencial teórico-metodológico.

No estudo da geometria presente no material analisado, além do referencial teóricometodológico, é apresentada a seção em estudo e como são trabalhadas as questões relacionadas a

-

⁵ Entrevista concedida a este pesquisador, abril de 2013, São Leopoldo (Instituto Anchietano de Pesquisa).

cálculo de área, perímetro e volume de forma prática e útil para a formação dos alunos das comunidades rurais teuto-brasileiras.

A história cultural como aporte teórico-metodológico

A história cultural (*Kulturgeschichte*) ocupa-se da pesquisa e da representação de determinada cultura em dado período e lugar, implicando relações familiares, língua, tradições, religião, arte e algumas ciências. Segundo Chartier (1990), uma questão desafiadora para a história cultural é o uso que as pessoas fazem dos objetos que lhes são distribuídos ou dos modelos que lhes são impostos, uma vez que há sempre uma prática diferenciada na apropriação dos objetos colocados em circulação. Nessa perspectiva, pode-se dizer que a imprensa pedagógica, aqui representada pelo *Rechenbuch Für Deutsche Schulen in Brasillien 2º Heft*, foi um veículo para circulação de ideias que traduziam valores e comportamentos que se desejavam ensinar, a partir de uma proposta pedagógica de forma prática e útil junto aos imigrantes alemães no Rio Grande do Sul.

Conforme Chartier (1990), as noções complementares de práticas e representações são úteis para examinar os objetos culturais produzidos, os sujeitos produtores e receptores de cultura, os processos que envolvem a produção e a difusão cultural, os sistemas que dão suporte a esses processos e sujeitos e as normas a que se conformam as sociedades por meio da consolidação de seus costumes. Para a produção do Rechenbuch Für Deutsche Schulen in Brasillien 2º Heft, foram movimentadas práticas culturais e também representações, sem contar que próprio livro, depois de produzido, difundia novas representações e contribuía para a produção de novas práticas.

Tomando como referência Chartier (1990), pode-se dizer que as práticas culturais que aparecem no livro descrito são tanto de ordem autoral (modos de escrever, pensar ou expor o que será escrito), como editoriais (reunir o que foi escrito para torná-lo material de estudos), ou ainda artesanais (a elaboração do livro na sua materialidade). Da mesma forma, quando um autor se põe a escrever um livro, ele se conforma a determinadas representações do que deve ser um livro, a certas representações concernentes aos temas que ele irá abordar. Esse autor também poderá tornar-se criador de novas representações, que encontrarão, no devido tempo, uma ressonância maior ou menor no circuito do leitor (alunos) ou na sociedade (pelos resultados alcançados). Essas atividades propostas poderão ser realizadas de modo individual ou coletiva, e o seu conteúdo poderá ser imposto ou rediscutido. A partir do desenvolvimento das atividades e difusão do livro, poderão ser geradas inúmeras representações novas sobre o tema, aqui evidenciando o ensino da geometria, que poderá passar a fazer parte das representações coletivas. De acordo com Chartier (1990, p. 17), a história cultural tem por principal objetivo identificar o modo como "em diferentes

lugares e momentos uma determinada realidade cultural é construída, pensada, dada a ler, por diferentes grupos sociais", o que está fortemente relacionado à noção de representação.

Segundo Valente (2007), pensar os saberes escolares como elementos da cultura escolar e realizar o estudo histórico da matemática escolar exigem que se considerem os produtos dessa cultura no ensino de Matemática, os quais deixaram traços que permitem o seu estudo, como Rechenbuch Für Deutsche Schulen in Brasillien 2º Heft, principal fonte documental desta investigação.

Análises da seção XIII do livro Rechenbuch Für Deutsche Schulen in Brasillien 2º Heft

Desde que chegou ao rio Grande do Sul, em 1895, em companhia de um padre Jesuíta, Grimm, de imediato iniciou suas atividades docentes como diretor da Escola Paroquial da Igreja São Miguel, em Dois Irmãos. Permaneceu na educação por mais de quatro décadas, exercendo a função de professor, autor de livros, além de deixar importantes contribuições no campo da música. Segundo Rambo (1996), foi o primeiro presidente da associação de professores Lehrverein, editor do Lehrerzeitung (Jornal dos Professores), contribuindo diretamente na elaboração desses jornais, tendo esses a finalidade de troca de experiências pedagógicas e didáticas, publicação de programas e currículos e convocação dos mestres, tornando-se um instrumento de atualização e formação dos professores. Isso explica, conforme Rambo (2013), a relação intensa de Grimm com os jesuítas no projeto de restauração católica nas colônias de imigrantes alemães nesse estado da nação. Nas palavras do citado autor (2013, s/p):

> Era professor em Dois Irmãos. Esse é o homem da Matemática, dava orientações como deveriam ser executadas as aulas de Matemática, nas reuniões ele aparece seguido. Seus livros eram utilizados nas escolas, não usei o dele, nós usávamos outro. Ele era um professor leigo das escolas comunitárias, era o mentor da Matemática. O material dele ia até onde ia o ensino da Matemática nas escolas comunitárias, o que seria o Ensino Fundamental.

Além de professor e autor de livros didáticos de Aritmética, ressalta-se a atuação na formação de professores por meio de palestras, além de ministrar cursos para professores. Britto (2016, p. 105) complementa:

> No que se refere ao aperfeiçoamento docente ocorriam reuniões com aulas demonstrativas, cabendo aos professores mais experientes ministrar aulas sobre os diferentes assuntos. Após, todos discutiam os aspectos didáticos e pedagógicos, tecendo críticas. Essa prática servia para estimular os mestres em sua missão.

É importante destacar que isso não se limitava somente à teoria. Toda a técnica nova deveria ser demonstrada na prática aos demais colegas. Posteriormente, estimulavam-se discussões referentes ao que foi apresentado.

Outra prática comum na época, de acordo com os autores, era os chamados cursos de férias e semanas de estudos. O objetivo primordial desses encontros era sempre o mesmo: atualização, troca de experiência e informações.

Diante disso, em relação ao ensino de matemática, Britto (2016, p. 115) destaca que, inicialmente, os livros didáticos utilizados nas aulas elementares haviam sido trazidos pelos imigrantes ou importados da Alemanha. Com o passar do tempo, esses eram considerados inadequados, já que eram elaborados para um contexto completamente diferente dos teutos brasileiros. Essa mesma constatação era destacada por Grimm, pois, segundo ele, não raro, observavam-se manuais com conteúdos desnecessários para a realidade teuto no Rio Grande do Sul.

Mauro (2005) evidencia que até mesmo a metodologia empregada, muitas vezes de modo abstrata, não contemplava o cotidiano do aluno, que acabava não aplicando o que aprendera em sala de aula. Conclui a autora apontando a necessidade de tornar os conteúdos mais significativos, apresentando-os de forma prática, com sentido para o aluno. Portanto, em seus livros, em particular no livro analisado, identifica-se claramente a tendência de Grimm para o método intuitivo, característico desse período e tendência na Alemanha, onde o autor teve sua formação.

Essa tendência, segundo Britto (2016), fica evidenciada quando o autor, no seu primeiro livro (Rechenbuch Für Deutsche Schulen in Brasillien 1º Heft), introduz a ideia dos primeiros números, partindo do concreto, do visual, para o abstrato, além de primar por atividades práticas e úteis para essa realidade, como se verifica na seção XIII do livro analisado. Nessa seção, apresentam-se situações-problema que envolve os conceitos de perímetro, área e volume a partir de situações cotidianas, práticas e úteis para o futuro dos alunos.

Nessa seção, apresentam-se situações problema que vão ao encontro do contexto em que vivem os alunos ao qual o livro se destina, envolvendo os conceitos de perímetro, área e volume de modo concreto e significativo para aquela realidade.

Neste artigo, investiga-se o ensino de geometria no Rechenbuch Für Deutsche Schulen in Brasillien 2º Heft, baseando-se no referencial teórico-metodológico da pesquisa histórica e da história cultural. Na Figura 1, apresenta-se a capa do livro investigado.

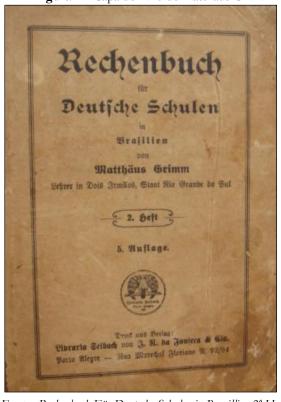


Figura 1 – Capa do livro de Matthäus Grimm

Fonte: Rechenbuch Für Deutsche Schulen in Brasillien 2° Heft (1905).

A edição analisada tem 131 páginas, divididas em 14 seções, escritas em alemão. Observouse um grande número de exercícios, o que leva a concluir que o processo de repetição em sua resolução era a estratégia de ensino utilizada pelo autor para que os alunos fixassem os conteúdos estudados. Além disso, também se exige o cálculo mental, a partir de situações-problema práticas do dia a dia dos alunos, caracterizando-se a metodologia de ensino empregada. Segundo Dynnikov (2015), o livro destinava-se ao terceiro, quarto e quinto anos, iniciando com os conteúdos de frações e encerrando com cálculo de câmbio.

No quadro 1 a seguir, apresentam-se os assuntos trabalhados em cada uma das 14 seções do livro.

Quadro 1 - Conteúdos trabalhados no Rechenbuch Für Deutsche Schulen in Brasillien 2º Heft

Seções	Conteúdos trabalhados	
I	Ensino de fração	
II	Números métricos e não-métricos.	
III	As quatro espécies de frações decimais com números nomeados e com números não nomeados.	
IV	As quatro espécies com números métricos e não- métricos em exemplos aplicados.	
V	Consolidação dos nomes antigos e sua transformação em massa métrica.	
VI	Faturas finais	
VII	Regra de três	
VIII	Cálculos de porcentagem, cálculos de desconto e cálculos de juros.	
IX	Cálculos de ganhos e de perdas.	
X	X Cálculos de média e cálculos mistos.	
XI	Cálculos de divisão e cálculos de sociedade.	
XII	Cálculos de economia doméstica e rural.	
XIII	Geometria.	
XIV Cálculos de câmbio		

Fonte: Livro de aritmética para as escolas alemãs no Brasil, 2º caderno (tradução do autor).

A seção XIII tem 12 páginas (112 – 123), dividida em três unidades, constituída de situações-problema. Na unidade um, aborda-se com cálculos preliminares (perímetro). Em seguida, a unidade dois traz o conceito de área, focando separadamente os polígonos: quadrado, retângulo, losango (deltoide), trapézio, triângulo, finalizando com a circunferência e área do círculo, seguindo de situações-problema práticas e contextualizadas, evidenciando o dia a dia dos alunos. Já na unidade três (volume) utiliza-se da mesma sistemática para cálculos de volume de prismas, cubos e cilindros (barril), contextualizado com a embalagem muito utilizada pela comunidade teuto-riograndense para comercializar líquidos.

Inicialmente, o autor sugere cálculos preliminares, esclarecendo o que são linhas retas, linhas em curva, direção horizontal, direção vertical, direção oblíqua. Em seguida, aborda linhas paralelas, dimensão da linha (comprimento), ficando evidenciada a ideia de introduzir o conceito de perímetro e sua aplicação, cabendo à sistematização dessas atividades, além das estratégias utilizadas para introduzir o conteúdo, ao professor. Segundo Mauro (2005), para Grümm, não basta o professor trabalhar apenas o que o livro apresenta. Isso pode tornar os conteúdos

desinteressantes, pois o livro se constitui de uma estrutura morta e ganha vida e interesse por meio da aula do professor, do sentido que é dado aos conteúdos.

Após os conceitos preliminares, o autor traz sete situações-problema utilizando o conceito de perímetro, sua aplicação, evidenciando a proposta da seção, o ensino da geometria. O quadro 2 traz quatro situações-problema que exemplificam o conteúdo trabalhado.

Quadro 2 – Problemas envolvendo medidas de comprimento.

- 1) Em uma linha férrea de A para B, há 950 postes de telégrafo com 37,80 m de distância um do outro. De quanto é à distância do trecho?
- 2) Qual comprimento tem uma cerca de jardim, de 4 lados iguais, medindo cada um 16,30 m? Quanto custa a obra, se um metro é calculado a 3.200 Rs?
- 3) Um marceneiro compra 180 tábuas de 4,5 m de comprimento, custando 400 Rs o metro. Quanto ele pagou?
- 4) Qual o peso dos trilhos de bitola simples, da linha férrea, de Novo Hamburgo para Taquara do Mundo Novo (45 km e 760 m), se um trilho tem 6,5 m de comprimento e pesa 175 kg?

Fonte: Grimm, 1905, p. 112 (tradução do autor).

Os problemas apresentados no quadro 2 contemplam, respectivamente, as operações de multiplicação com decimais com soma de parcelas iguais (problemas 1, 2 e 3) e da divisão associada à multiplicação, ideia de repartir seguida da multiplicação (problema 4). Ressalta-se que o autor se utiliza da metodologia de resolução de problemas, observando-se que esses contemplam o cotidiano dos alunos, permitindo que se apropriassem desses conhecimentos matemáticos. As unidades de medida mais exploradas na obra analisada são: metro, quilômetro, quilograma e o sistema monetário da época, além das unidades antigas brasileiras. De acordo com Rambo (1994), a familiaridade com os diversos sistemas métricos significava um pré-requisito insubstituível para preparar as gerações de colonos para suas tarefas cotidianas.

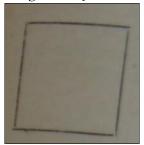
Na unidade dois, trabalham-se cálculos de área. Inicialmente, o professor esclarece as expressões: ângulo, ângulo reto, ângulo agudo, ângulo obtuso. Em seguida, aborda área (dimensão de área: comprimento, largura), paralelogramo (quadrado, retângulo, losango, deltoide), trapézio, polígono, circunferência. Observou-se que o autor trabalha a área de cada figura separadamente. Essa mesma sistemática, segundo Britto (2016), é utilizada no livro um de Grimm, quando para introduzir as operações fundamentais trabalha-se separadamente, acreditando o autor que essas sistemáticas irão auxiliar os alunos na sua compreensão e entendimento.

Em nenhum momento, verifica-se o uso de fórmulas para calcular as áreas, cabendo ao professor explicar os conceitos, pois, segundo Grimm, o sucesso das atividades propostas depende

muito do professor, da metodologia utilizada, "[...] trazendo com isso mais vida para o ensino da aritmética, pois aquele professor que só repete exatamente como está no livro, e expõe secamente, não é um bom professor" (DIMINIKOV, 2015, p. 31).

Inicialmente, calcula-se a área do quadrado. Apresenta-se a figura e, segundo o autor, "A área de um quadrado é calculada, quando se multiplica o comprimento de um lado por ele mesmo" (GRIMM, 1905, p. 113).

Figura 2 - Quadrado



Fonte: Grimm, 1905, p.113.

O excerto descrito na figura 2, expresso no livro, traz a imagem de um quadrado, porém em nenhum momento faz referência à fórmula, apenas conceitua. Fica evidenciado que o autor exemplifica e contextualiza a partir de situações-problema práticas. O autor recorre à estratégia da repetição para fixar o conceito da área de um quadrado, sugerindo que os alunos calculem a área de um quadrado cujo lado mede: "a) 5,6 m, b) 9,70 m, c) 12,34 m, d) 25,90 m, e) 0,05 m, f) 0,60 m" (GRIMM, 1905, p. 113). O quadro 3 apresenta duas situações-problema sugeridas pelo autor, contextualizando o conceito trabalhado.

Quadro 3 - Problemas envolvendo área de quadrado.

- 1) Quão grande é a área de uma horta com formato de um quadrado, cujos 4 lados cercados têm um comprimento de 73,20 m?
- 2) Um chão de um quarto quadrado de 4,5 m de comprimento deve ser revestido com ladrilhos; quanto custa o trabalho, se é pago 1.700 Rs por m²?

Fonte: Grimm, 1905, p. 113 (tradução do autor).

O quadro 3 mostra a estratégia do autor para a representação da área de um quadrado e a sistematização do conteúdo por meio de situações cotidianas, possibilitando ao aluno uma melhor compreensão do conteúdo matemático, estimando o custo de uma obra (problema 2). De acordo com Rambo (1994), tudo era direcionado para que o futuro colono soubesse controlar com certa exatidão suas receitas e despesas, pois precisaria fazer previsões mais ou menos confiáveis para administrar corretamente o orçamento familiar.

Em relação ao retângulo, o autor utiliza a mesma sistemática, ou seja, conceitua e apresenta situações-problema, contextualizando o conteúdo trabalhado. Segundo ele, "Encontra-se a área de um retângulo quando se multiplica o comprimento pela largura (base com a altura)⁶" (GRIMM, 1905, p. 113). A palavra $H\ddot{o}he$ (altura) justifica o h utilizado na expressão algébrica A = h. h para definir a área de um retângulo, cálculo empregado no dia a dia.

No estudo dos losangos (figura 3-a), o autor introduz a ideia de um quadrado inclinado e, a seguir, o deltoide (fig. 3-b), que, segundo ele, trata-se de um retângulo inclinado. Encontra-se a área quando se multiplica a base pela altura vertical (figura 3-c).

Figura 3 - Losango e o deltoide.

Losango (3-a)	Deltoide (3-b)	Como se obtém a área (3-c)

Fonte: Grimm, 1905, p. 114.

Os excertos descritos na figura 3 ilustram a ideia do losango definido pelo autor. Observase que não faz uso de suas diagonais para o cálculo de sua área. O que se pode concluir é que esse a define pelo conceito da área de um paralelogramo. Observou-se que, quando se refere à altura vertical, não faz referência ao fato de que essa deve ser perpendicular à sua base. Isso fica a cargo do professor, pois, no início da unidade dois, esse conceitua ângulo reto. Em relação ao deltoide (também conhecido por pipa), acredita-se haver um erro conceitual, pois se trata de um quadrilátero com dois pares de lados adjacentes congruentes, ao contrário do paralelogramo, cujos lados congruentes são opostos.

O autor sugere duas atividades referentes à área de losango e deltoide, respectivamente, a primeira de forma direta informando a medida da base e da altura, fixando o conceito, "Calcule a área dos seguintes paralelogramos oblíquos, se a base e a altura vertical são: a) 7 m e 5,20 m, b) 10,80 m e 7,30 m, c) 29,90 m e 18,37 m" (GRIMM, 1905, p. 114). Já na segunda, contextualiza a área com uma situação real. "Um pátio na forma de um deltoide, base 12,30 m, altura oblíqua 17,80 m, deve ser pavimentado. Quão caro é o trabalho, se o custa 2.200 Rs?" (GRIMM, 1905, p. 114).

Nessa seção, identificou-se, na sequência, o cálculo da área de um trapézio (figura 3-a). Segundo o autor, "O trapézio é um quadrilátero com somente 2 lados paralelos. Encontra-se a

-

⁶ Todos os trechos citados em português são de livre tradução do autor.

área, quando se multiplica a metade da soma dos lados paralelos pela altura". (GRIMM, 1905, p. 114). Na figura 4, o autor ilustra a ideia de um trapézio.

Figura 4 – Área de um trapézio

Figura 4-a		Figura 4-b
	/	

Fonte: Grimm, 1905, p. 114.

Os excertos descritos na figura 4 revelam que o autor conceitua a área de um trapézio, porém não especifica como se obtém a medida de sua altura, ficando subentendido que esse é obtido partindo-se da altura do triângulo descrito na figura 4-b. Nas três situações-problema sugeridas pelo autor, observou-se a aplicação do conceito previamente estabelecido, definindo suas dimensões, sem destacar como calcular a altura. Destaca-se o terceiro problema sugerido pelo autor: "Um jardinzinho com 2 lados paralelos de 14,75 m e 19,5 m de comprimento e 8,33 m de margem perpendicular entre ambos é vendido a 175 Rs. Quão caro é o m²?" (GRIMM, 1905, p. 114). Aqui, fica entendido que o autor define a altura como sendo perpendicular às duas bases.

Quando trabalha a área de um triângulo, o autor destaca que essa é encontrada quando se multiplica a base pela altura, e esse produto divide-se por 2. Segundo ele, a altura é a distância vertical da base ao ângulo oposto. Na sequência, traz três situações-problema contextualizadas, objetivando fixar esse conceito.

Registram-se ainda cálculos de área de um trapézio (denominado escaleno). Segundo o autor, trata-se de um quadrilátero, cujo lado corre paralelo com o outro, o que não se verifica na figura 5-a. Segundo ele, obtém-se a área do trapézio (figura 5-a) quando se marca uma diagonal, dividindo-o em 2 triângulos, e adiciona-se a área de ambos os triângulos. Em relação a um polígono qualquer, o autor sugere dividi-los em triângulos e calcula-se separadamente a área de cada um (figura 5-b). A soma de todos os triângulos é a área do polígono.

Figura 5 – Área de trapézio (escaleno) e polígono qualquer.

5-a) Trapézio (lados não paralelos desiguais).	5-b) Polígono qualquer.

Fonte: Grimm, 1905, pp. 115-116.

Os excertos mostrados na figura 5 revelam a falta de conteúdos necessários para obtermos as respectivas áreas dos polígonos, principalmente quando se trata da medida da altura de triângulos. Em nenhum momento, o autor revela como isso pode ser obtido e novamente se acredita que isso fica a critério do professor. O exemplo a seguir revela a aplicação dos conceitos, calcular a área partindo de triângulos: "Um pedaço de terra forma um quadrilátero irregular (trapézio). Quanto mede área, se a diagonal mede 246 m, e os lados verticais medem 120 m e o outro 135,5 m?" (GRIMM, 1905, p. 116). Ressalta-se, novamente, a falta de informações para obtermos a respectiva área, o que nos leva a concluir que isso se verificava de forma prática. Rambo (1994) reforça que tudo que era trabalhado em sala de aula ilustrava-se a partir de exemplos práticos da vida cotidiana dos colonos.

Lidando com a terra, o aluno era obrigado a saber fazer cálculos aproximados de superfície. Esse fato obrigava a assimilar noções básicas de geometria, além de conhecimentos corretos do sistema métrico. A familiaridade com os diversos sistemas métricos significava um pré-requisito insubstituível. Um dos aspectos mais positivos no aprendizado do cálculo consistia na sua natureza eminentemente prática (RAMBO, 1994, p. 155).

O autor finaliza a unidade com cálculo de perímetro e área do círculo. Segundo ele, o comprimento ou perímetro de uma circunferência está para proporção 1 para 3 1/7 de uma circunferência (1 para 3,14, exatamente 3,14159). Na figura 6, ilustra-se a ideia de uma circunferência.

Figura 6 - Circunferência

Fonte: Grimm, 1905, p. 117.

A figura 6 revela a ideia de conceituar e, posteriormente, definir algumas medidas a partir da ilustração, tais como a medida (diâmetro), que, segundo o autor, assinala-se com a letra D, já a metade do diâmetro (raio) com R e finaliza com o número 3,14 com a letra grega π (fala-se "pi"). Aqui, novamente fica evidenciado que cabe ao professor explicar os conceitos. "Encontra-se o perímetro de uma circunferência, quando se multiplica o diâmetro por 3 1/7 (3,14). Fórmula: D. π (Lê-se: diâmetro vezes pi.)" (GRIMM, 1905, p. 117).

Observa-se que o autor utiliza o π com duas casas decimais, além de, pela primeira vez, recorrer à fórmula para obtenção do perímetro da circunferência, mesmo tendo definindo que o perímetro é obtido pelo produto do diâmetro pelo π .

Na sequência, conceitua a área do círculo. Segundo Grimm, "A área de um círculo calculase, quando se multiplica o raio (R) por si mesmo e esse produto multiplica-se por 3 1/7. Fórmula: R².π (Lê-se: raio ao quadrado vezes pi)" (GRIMM, 1905, p. 117). Novamente, observa-se a presença de uma fórmula para calcular a área de um círculo. Em nenhum momento, observou-se uma demonstração mais criteriosa quanto a sua obtenção, ficando mais uma vez a critério do professor defini-la.

Após conceituar área e perímetro, o autor sugere situações-problema práticas, contextualizando os conceitos trabalhados, como se verifica no quadro 4.

Quadro 4 – Problemas com perímetro da circunferência e área do círculo.

- 1 Uma roda de carreta tem um diâmetro de 1,40 m. Quão longo precisa ser a medida do aro de ferro?
- 2 Uma roda de carreta tem diâmetro de 1,40 m. Qual distância essa mesma percorre dando 200 voltas?
- 3 Qual área tem um tampo de mesa de forma arredondada de 1,50 m de diâmetro?

Fonte: Grimm, 1905, p. 117 (tradução do autor).

Os problemas descritos no quadro 4 referem-se à aplicação de perímetro e área trabalhados, relacionando com a realidade dos alunos e associando a operações de multiplicação com duas casas decimais. Diante disso, Rambo (1994), acrescenta:

[...] numa época em que as calculadoras nem na imaginação existiam, em que as réguas do cálculo eram artigos de luxo, o simples colono do interior resolvia seus problemas com rapidez e correção, utilizando conhecimentos e técnicas de cálculo mental muito simples, porém, eficientes (RAMBO, 1994, p. 156).

Acrescenta-se que a metodologia utilizada por Grimm, em seus livros didáticos, vem ao encontro da realidade dos alunos dessas escolas. O cálculo torna-se uma ferramenta indispensável, prática é útil para os futuros colonos, pois os problemas sugeridos contextualizam a realidade dessas comunidades.

A terceira unidade dessa seção Grimm reserva para cálculos de volume, denominando-os de "cálculo de corpo". Iniciam-se as atividades esclarecendo as expressões: corpo (nas generalidades prisma, cubo, prisma de 3, 4 ou mais lados, cilindro, tonel ou barril). Inicialmente, conceitua que: "Um corpo tem 3 dimensões: comprimento, largura, altura. No *Würfel*, também

chamado de cubo (figura 7), essas dimensões são de tamanhos iguais e a sua base é um quadrado" (GRIMM, 1905, p. 117).

The people and the second of t

Figura 7 – Representação de um cubo

Fonte: Grimm, 1905, p. 117.

Além do cubo, o autor faz referência a outros "corpos" que denomina de prismas com 4, 5 ou mais lados (figura 8). Segundo ele, encontra-se o volume de um prisma, quando se multiplica a base pela altura.

Figura 8 – Prismas de 4 e 5 lados.

8-a) Prisma de 4 lados	8-b) Prisma de 5 lados

Fonte: Grimm, 1905, p. 117

Os excertos mostrados na figura 8 revelam diferentes tipos de prismas. Faz-se referência à figura 8-b quando o autor exemplifica um prisma de base pentagonal. Em nenhum momento o autor traz uma situação que exemplifique como se calcula a base e, a seguir, como se obter o respectivo volume. Além disso, nas atividades propostas não se verifica a presença de situações-problema nas quais se trabalha com prismas com tal característica. Acredita-se que o autor apenas exemplifica de forma ilustrativa outros tipos de primas cuja base difere quanto ao número de lados, sem calcular a medida do volume.

O quadro 5 revela algumas situações-problema sugeridas pelo autor, visando fixar o conceito de volume de um prisma.

Quadro 5 – Situações-problema contextualizando volume de prismas.

- 1- Uma caixa impermeável em forma de cubo cheia de água mede 1,4 m de comprimento. Quantos quilos pesa a caixa com água, se a mesma vazia pesa 20 kg? (1dm³ = 1 litro de água = 1 kg).
- 2- Um canal deve ser cavado tendo 240 m de comprimento, 3,8 m de largura e 1,8 m de profundidade. O trabalho de escavação custa por m³ 1.300 Rs. Quanto custará toda a obra?
- 3- Qual o volume de uma sala de aula, que tem 9 m de comprimento, 5,2 m de largura e 3,6 m de altura? Qual é a área do chão, do teto e das paredes juntas?
- 4- Um muro de cemitério, de 230 m de comprimento, 2 m de altura e 1,2 m de espessura, deve ser construído com pedra de paralelepípedo. Quantos metros cúbicos de arenito são necessários?

Fonte: Grimm, 1905, pp. 118-119 (tradução do autor).

Os quatro problemas descritos no quadro 4 envolvem cálculo de volume de cubo e prismas com base retangular. Observa-se que, no problema 1, além de trabalhar o volume, o mesmo conceitua o dm³ equivalente a 1 litro e a densidade da água, onde 1 litro corresponde a 1 quilograma. Nos problemas 2 e 4, associa o volume ao custo de uma obra. Já no problema 3, associa o volume seguido do cálculo da área dos retângulos que constituem as paredes e o chão. Observa-se que o autor, ao introduzir novos conceitos, faz associações com conceitos trabalhados.

Além do prisma, trabalha-se o volume de um cilindro, fazendo associação a um barril. Segundo o autor, "[...] a base de um cilindro é um círculo, e calcula-se o volume quando a base é multiplicada pela altura. Como se calcula a superfície?" (GRIMM, 1905, p. 118). De modo provocativo, sugere-se que os alunos conceituem como se calcula o volume do sólido. A seguir, trabalha situações-problema contextualizando o cilindro e o seu respectivo volume, exemplificado na situação problema a seguir: "Um poço circular de 40,5 m de profundidade e 2,4 m de diâmetro é cavado a um custo de 2.200 Rs por metro cúbico. Quanto custa a obra no total?" (GRIMM, 1905, p. 118).

Chartier (1990) destaca que para o aluno possa resolver um problema sugerido, necessita recorrer a conceitos abordados em unidades anteriores, tais como cálculos de área e o conceito de volume, finalizando com a associação ao contexto, oportunizando aos alunos se apropriarem dos conhecimentos matemáticos trabalhados.

Grimm finaliza a seção XIII com 35 situações-problema contemplando as três unidades trabalhadas. As situações-problema são apresentadas em diferentes contextos reais, envolvendo conhecimentos de geometria com ênfase nos cálculos de perímetro, área e volume, associados a transformações de unidades de medida atuais e medidas antigas brasileiras, além de operações comerciais, impostos, entre outros.

No quadro 6, apresentam-se três problemas propostos relacionados com os conhecimentos geométricos trabalhados nessas unidades.

Quadro 6 – Problemas mistos sobre perímetro, área e volume.

- 1- Em um jardim, que tem a forma de um retângulo, medindo 36 m de comprimento e 20 m de largura, há um caminho de 1 m de largura. a) Quanto de área toma o caminho e quanto pode ser utilizado para o plantio?
- b) Pretende-se plantar árvores frutíferas junto ao caminho deste jardim. Começa-se por um canto, plantando as árvores 1 m distantes do caminho e com 8 m de distância umas das outras. Quantas árvores frutíferas consegue-se plantar?
- 2- Um tronco de árvore tem um diâmetro maior medindo 90 cm e um diâmetro menor medindo 40
- a) Quanto mede o diâmetro médio? b) Quanto é o perímetro em cada um dos três diâmetros?
- 3- Um tronco de madeira tem como diâmetro maior 0,70 m, como diâmetro menor 0,30 m e tem 12,4 m de comprimento. Quanto custa o tronco, se por m³ paga-se 12 Rs?

Fonte: Grimm, 1905, pp. 120-123 (tradução do autor).

Os excertos mostrados no quadro 6 revelam, no primeiro problema, que os conhecimentos geométricos fazem relação com cálculo de área associados com perímetro, exigindo a realização de cálculos de subtração, multiplicação e divisão. A proposta de estudo instrumentaliza os alunos para realização de cálculos com áreas e medidas de comprimento de forma prática e contextualizada.

No problema 2, faz-se referência ao diâmetro médio, contextualizando com o tronco de uma árvore. A sua solução geralmente era obtida somando as medidas dos diâmetros e dividia-se por dois, uma vez que essa média aritmética simples fornecia a medida desejada. Já para calcular o volume do tronco, conforme sugerido no problema 3, utiliza-se esse mesmo procedimento, seguido da aplicação do cálculo do volume de um cilindro.

Observa-se que o livro não apresenta esses procedimentos de resolução. Acredita-se que isso ficava a cargo do professor trazer esses conceitos. Ressalta Rambo (2013) que isso se verificava de forma prática, sem uso de relações algébricas, possibilitando que o aluno aplicasse esse conhecimento em situações concretas de comunidades rurais. Ainda, tratando-se de cálculo de volume com madeira, Rambo (2013, s/p) destaca:

> Na escola comunitária, os alunos sabiam fazer todos os cálculos necessários para a vida, à vida de colono. Por exemplo, cálculos de volumes, isso era meio prático. Tenho um irmão bem mais velho do que eu, ele derrubava a árvore no mato, depois media aquele tronco, pegava um cipó e com a mão ele o media, fazendo uma circunferência, depois ele fazia cálculos e definia mais ou menos quantos metros cúbicos havia. Então era uma maneira muito prática, encarnada no meio e adaptada às circunstâncias e necessidades locais.

Esclarece o autor que o trabalho com madeira nas comunidades rurais só poderia ser confiável com o domínio dos rudimentos do cálculo volumétrico nas suas mais diversas formas. Todos esses cálculos eram feitos mentalmente, pois, na rotina dessas comunidades rurais, as pessoas teriam que realizá-los, de modo prático, sem o uso de papel e lápis.

Tratando-se das unidades de medidas trabalhadas, tais como quilômetro, metro, centímetro, milímetro, o livro faz referências a antigas unidades de comprimento brasileiras, como a braça, colônia de terra, pés, polegada, palmo, entre outras. Além de possibilitar o conhecimento das unidades de medida de comprimento, explora-se o conteúdo geométrico, utilizando-se dessas unidades e aplicando-as em problemas do cotidiano dos alunos e sua utilização prática. Outro exemplo dessa aplicação pode ser observado pelo enunciado da seguinte situação-problema: "Uma tábua deve ter 16 pés de comprimento e 1 pé de largura. Quão caro é o pé quadrado, se a dúzia de tábuas custa 22 Rs? (Observação: Muitas vezes os carpinteiros calculam 200 pés quadrados para uma dúzia de tábuas.)" (GRIMM, 1905, p. 119). Pela situação-problema apresentada, constata-se que essas unidades ainda faziam parte do cotidiano dessas comunidades, de modo utilitário para os futuros colonos, especialmente com atividades relacionadas à agricultura, à economia e à comercialização de seus produtos. Ressalta-se que essas unidades e suas conversões já foram trabalhadas em outra unidade do livro, porém aqui se observou a sua aplicação.

O autor finaliza a seção com exemplos envolvendo cálculos de impostos sobre as propriedades e os critérios utilizados para calcular os valores a serem pagos.

O imposto sobre a propriedade imobiliária sustenta-se sobre os 3 pilares seguintes: 1.) Imposto sobre a área = 30 Rs. por hectare (Fração de um hectare deve ser arredondado, por exemplo em vez de 32,3 ha são 33 a tributar). 2.) Imposto sobre valores = ½ por cento do valor. 3.) Imposto Adicional = 5 % sobre os impostos 1 e 2 (GRIMM, 1905, p. 119).

Segundo Rambo (1994), a familiaridade com diferentes operações financeiras, tais como cálculos de juros, regra de três, porcentagem, transações comerciais, além dos conhecimentos de geometria e aritmética, constituía uma ferramenta indispensável para solucionar muitos problemas do dia a dia das gerações de colonos, dentre eles como calcular os impostos cobrados pelo governo em relação às propriedades rurais. No quadro 7, o autor sugere uma situação-problema seguindo os critérios estabelecidos.

Quadro 7 – Impostos cobrados nas propriedades.

1- Minha propriedade tem 14 ½ braças de largura e 700 braças de comprimento. O valor está estimado em 2.500 Rs. Quanto eu pago de imposto?

2- Deixe seu pai especificar a extensão e o valor de suas terras e depois calcule o imposto sobre a propriedade.

Fonte: Grimm, 1905, pp. 118-119 (tradução do autor).

Os excertos mostrados na figura 6 revelam duas situações envolvendo impostos. Na primeira, mediante ao cálculo da área territorial e o seu valor de venda, caberia ao aluno, mediante as regas estabelecidas, calcular os impostos a serem pagos. Ressalta-se a utilização de unidades de medidas antigas (braça) e sua conversão para a unidade estipuladas para a cobrança dos impostos (hectare), além dos critérios de arredondamentos de fração de áreas e porcentagem. No segundo caso, o autor sugere a socialização dos conhecimentos adquiridos com o pai, calculando-se os impostos a serem pagos pela propriedade da família.

Ressalta-se que os problemas propostos no livro, de modo particular na seção XIII, associam-se à realidade dos alunos das escolas paroquiais gaúchas da época. O autor apresenta as diferentes situações-problema focando no ensino da geometria de forma prática, associada a situações reais, para que os alunos se apropriassem desses conhecimentos matemáticos, e no futuro, tornarem-se úteis para a administração correta quanto ao gerenciamento da sua propriedade rural.

Considerações finais

A partir do referencial da história cultural, com base em Chartier (1990), investigou-se o ensino de geometria no livro Rechenbuch Für Deutsche Schulen in Brasillien 2º Hef, de Matthäus Grimm, editado em 1905 pela editora Selbach, localizada em Porto Alegre, tendo sua primeira edição em 1900. Delimitou-se a análise à seção XIII, que trata de cálculos de perímetro, área e volume, contando com 12 páginas (112 a 123), dividindo-se em três unidades: cálculos de perímetro, área e volume, a partir de situações-problema. Na investigação, analisou-se a 2ª edição, datada de 1905, cujo público-alvo eram os alunos das escolas elementares teuto-sul-rio-grandenses para o terceiro, quarto e quinto ano do ensino elementar.

Observou-se, a partir do material analisado, que os conteúdos trabalhados são abordados de modo prático e útil, evidenciando o contexto dos alunos. Segundo Rambo (2013), os livros elaborados por Grimm foram amplamente utilizados nessas comunidades. Esse fato é explicado pela didática utilizada pelo autor. Ainda complementa que Grimm era o homem da matemática junto a essas comunidades, devido aos trabalhos desenvolvidos junto a professores e alunos, por meio da produção de livros e de palestras de formação. A proposta de Grimm consistia em inserir algo prático, útil, observando-se que a obra analisada está em consonância com o público a que se destina.

Com a investigação realizada, constatou-se que o autor aborda de modo separado cálculos de perímetro, área e volume, não recorrendo ao uso de fórmulas. No primeiro momento, conceitua, constrói a ideia e, na etapa seguinte, começa a operar com essas ideias e conceitos. Finaliza, após os conceitos estruturados, com situações-problema mistas, contemplando as três unidades trabalhadas, recorrendo a situações concretas a partir de associações com a rotina rural do público a que se destinava a obra. Na prática, os discentes não faziam somente o cálculo pelo cálculo, mas havia todo um contexto que se pretendia alcançar, tendo em vista os objetivos que estavam por trás dessa seção, quais conceitos deveriam ser desenvolvidos nos alunos para o sua vida. Como afirma Rambo (2013), tudo era planejado, estruturado, visando formar um cidadão comprometido e útil para a comunidade.

Observou-se que o autor, em raros momentos, recorre a fórmulas para trabalhar os conteúdos, utilizando-se de conceitos, ficando a sua demonstração a cargo do professor, pois, segundo ele, é o professor que dá sentido aos conteúdos e não apenas reproduz o que está nos livros. Cabe a ele relacionar o novo conceito, articulando-o com situações concretas, úteis e práticas.

Constatou-se que o conhecimento das unidades de medidas (novas e antigas unidades de medidas brasileiras) e suas transformações estavam associados às situações-problema apresentadas. Isso porque o manejo e a sua utilização eram algo primordial na rotina diária dessas comunidades.

Enfim, com as estratégias de abordagem do ensino da geometria de forma prática e útil empregadas pelo autor do Rechenbuch Für Deutsche Schulen in Brasillien 2º Heft, esperava-se que os alunos das escolas paroquiais gaúchas do século passado se apropriassem desses conhecimentos matemáticos, permitindo um adentramento na cultura escolar, em um lugar e em um tempo determinados, contribuindo assim para a História da Educação Matemática. Aponta-se a possibilidade de pesquisas que explorem as contribuições desse livro, em especial a seção XIII, tratando de cálculos de perímetro, área e volume, tema tão presente e indispensável na formação do conhecimento geométrico dos discentes.

Referências Bibliográficas

BRITTO, S. L. M. O ensino da aritmética nas escolas paroquiais católicas e no ginásio Nº Sº da Conceição de São Leopoldo nos séculos XIX e XX sob a óptica dos jesuítas. Tese de Doutorado, Universidade Luterana do Brasil, Canoas, 2016.

CHARTIER, R. A História Cultural: entre práticas e representações. Lisboa: Difel, 1990.

DYNNIKOV, C. M. S. A Aritmética de Mathäus Grümm no boletim informativo da associação de professores católicos da imigração alemã no Rio Grande do Sul. XII

Seminário Temático Saberes Elementares Matemáticos do Ensino Primário (1890 - 1970): o que dizem as revistas pedagógicas? (1890 – 1970). Abril de 2015.

GRIMM, M. Rechenbuch für Deutsche Schulen in Brasillien 2° Heft. Porto Alegre: Selbach,1905.

MAURO, S. Uma história da matemática escolar desenvolvida por comunidades de origem alemã no Rio Grande do Sul no final do século XIX e início do século XX. Tese Doutorado. Universidade Estadual Paulista, Rio Claro, 2005.

RAMBO, A. B. A escola comunitária teuto-brasileira católica. São Leopoldo: UNISINOS, 1994.

_____. A escola comunitária teuto-brasileira: a associação dos professores e escola normal. São Leopoldo, RS: Ed. Unisinos, 1996.

_____. A Escola Paroquial e as escolas dos Jesuítas no sul do Brasil. São Leopoldo, 15 de abril de 2013. Entrevista concedida a Silvio Luiz Martins Britto.

VALENTE, W. R. História da Educação Matemática: interrogações metodológicas. REVEMAT – **Revista Eletrônica de Educação Matemática**, UFSC, v. 2.2, p. 28-49, 2007.